

Chaque groupe de propositions énoncées contient au moins une bonne réponse et au plus deux bonnes réponses. Chaque équipe coche une ou deux réponses : +2 points par bonne réponse, -1 par mauvaise réponse.

- La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est définie par : $u_0 = 1$ et pour tout entier naturel n : $u_{n+1} = \frac{u_n}{\sqrt{u_n^2 + 1}}$.
 - La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est croissante.
 - La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ a pour expression : $u_n = \frac{n}{\sqrt{n^2 + 1}}$.
 - La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est décroissante.
 - La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ a pour expression : $u_n = \frac{1}{\sqrt{n+1}}$.
- On définit la suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ par :

$$u_n = \frac{1}{0!} + \frac{1}{1!} + \dots + \frac{1}{n!} \text{ avec } \frac{1}{0!} = 1 \text{ et } \forall k \geq 1, \frac{1}{k!} = \frac{1}{1 \times 2 \times 3 \times \dots \times k} \leq \frac{1}{1 \times 2 \times 2 \times \dots \times 2} = \frac{1}{2^{k-1}}.$$
 - La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est croissante.
 - La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est minorée par 2.
 - La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est majorée par 3.
 - $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$.
- On définit la suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ par : $u_{n+1} = 1 - \frac{1}{u_n}$ et $u_0 = 2$.
 - La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est croissante.
 - La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ converge.
 - $\forall n \in \mathbb{N}, u_{n+3} = u_n$.
 - La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est décroissante.
- Le 23^{ème} terme de la suite arithmétique de premier terme $u_0 = 25$ et de raison 10 est :
 - 235
 - 245
 - 255
 - 265
- La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est géométrique et $u_{19} \times u_{20} \times u_{21} = 729$ alors
 - $u_{20} = 27$
 - $u_{20} = 9$
 - $u_{20} = 3$
 - $u_{20} = 10$.
- Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite réelle.
 - Toute suite croissante à termes positifs tend vers $+\infty$.
 - Si $u_n = f(n)$ et $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est croissante alors f est croissante.
 - Si $\frac{u_{n+1}}{u_n} > 1$ alors la suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ est croissante.
 - La somme de deux suites croissantes est croissante.
- Choisir, parmi les propositions suivantes, celle(s) qui semble(nt) correcte(s) :
 - Si une suite n'est pas monotone, alors elle diverge.
 - $2 + 4 + 6 + 8 + \dots + 2000 = 1001000$.
 - Si une suite converge vers $\ell \in \mathbb{R}$ alors elle est monotone à partir d'un certain rang.
 - La suite $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ définie par : $u_{n+1} = u_n + n$ et $u_0 = 5$ n'est pas arithmétique.
- a, b, c sont, dans cet ordre, trois termes consécutifs d'une suite arithmétique, tels que leur somme vaut 99.
 - $a = 66$ et $b = -33$.
 - $a = 33$ et $c = 66$.
 - $a = 132$ et $c = -66$.
 - $b = 66$ et $c = 132$.

9. Soit $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ une suite arithmétique. On désigne par $S_n = \sum_{k=1}^n u_k = u_1 + u_2 + \dots + u_n$ la somme des n premiers termes de la suite. Sachant que $u_{15} = 92$ et $S_{15} = 750$ alors :

(a) $u_5 = 32$ et $S_{10} = 350$.

(b) $u_5 = 62$ et $S_{10} = 350$.

(c) $u_{10} = 62$ et $S_5 = 100$.

(d) $u_{10} = 32$ et $S_5 = 100$.

10. Soient $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$ et $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$ deux suite définies par :

$$u_n = \frac{2n}{n + \sqrt{n}} \text{ et } v_n = \frac{1}{n} \text{ pour } n \geq 1.$$

(a) $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 2$ et $\lim_{n \rightarrow +\infty} (u_n v_n) = 0$.

(b) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{u_n}{v_n} = 2$ et $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 2$.

(c) $\lim_{n \rightarrow +\infty} (u_n v_n) = 2$ et $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = 2$.

(d) $\lim_{n \rightarrow +\infty} \frac{u_n}{v_n} = +\infty$ et $\lim_{n \rightarrow +\infty} v_n = 0$.